

Економски факултет  
Фебруар 2022.  
група 1313

www.ekof-matematika.rs  
IG: ekof\_matematika

18. Фебруара 2022. у Београду

## Предговор

У овом документу можете пронаћи решења испита из Фебруара 2022. године, група 1313. Свако решење задатака је софтверски проверено. Аутори ових решења су сајт [www.ekof-matematika.rs](http://www.ekof-matematika.rs) и инстаграм [ekof\\_matematika](https://www.instagram.com/ekof_matematika). Одговоре на теоријска питања можете пронаћи на нашем сајту. У случају било каквих питања или примедби, можете нам се обратити путем инстаграма или на нашем сајту.

**Напомена:** ово није званични сајт математике на Економском факултету у Београду. Задаци су добијени од стране студената који су изашли на испит.

С поштовањем,  
Аутори

# Задаци

1. Испитати ток и скицирати график функције

$$f(x) = \frac{x^3}{4(2-x)^2}$$

решење:

(1) Домен дефинисаности:

$$Df : x \in (-\infty, 2) \cup (2, +\infty)$$

(2) Парност/Непарност:

$$f(-x) \neq -f(x) \neq f(x) \Rightarrow \text{ни парна, ни непарна.}$$

(3) Нуле и знак:

$$f(0) = 0 \rightarrow A(0, 0)$$

$$f(x) = 0 \rightarrow B(0, 0)$$

$$f(x) < 0 \text{ за } x \in (-\infty, 0)$$

$$f(x) > 0 \text{ за } x \in (0, 2) \cup (2, +\infty)$$

(4) Монотоност и екстремне вредности:

$$f'(x) = \frac{x^2(6-x)}{4(2-x)^3}$$

$$f(x) \uparrow \text{ за } x \in (-\infty, 2) \cup (6, +\infty)$$

$$f(x) \downarrow \text{ за } x \in (2, 6)$$

$$\text{max} : M \left( 6, \frac{27}{8} \right)$$

(5) Конвексност, конкавност и превојне тачке:

$$f''(x) = \frac{6x}{(2-x)^4}$$

$$f(x) \text{ је } \cap \text{ за } x \in (-\infty, 0)$$

$$f(x) \text{ је } \cup \text{ за } x \in (0, 2) \cup (2, +\infty)$$

$$\text{p.t. } P(0, 0)$$

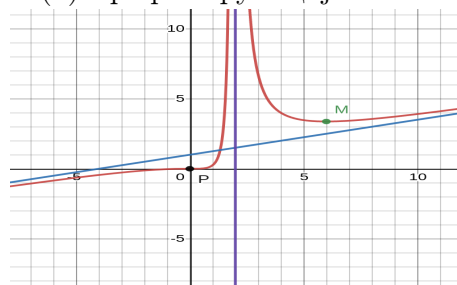
(6) Асимптоте:

$x = 2$  је вертикална асимптота.

Нема хоризонталних асимптота.

$y = \frac{1}{4}x + 1$  је коса асимптота.

(7) График функције:



2. Израчунати интеграл

$$I = \int \frac{2x^2 + 3x - 4}{x^3 - 2x^2 + x - 2} dx$$

решење:

$$I = 2 \ln |x - 2| + 3 \operatorname{arctg}(x) + C$$

3. Одредити локалне екстремне вредности функције

$$z(x, y) = x + 2y, \quad \text{uslov} : x^2 + y^2 = 20$$

решење:

Тачка  $M(-2, -4)$ ,  $\lambda = \frac{1}{4}$  је минимум,  $z_{\min} = -10$ .

Тачка  $N(2, 4)$ ,  $\lambda = -\frac{1}{4}$  је максимум, где је  $z_{\max} = 10$

4. Наћи опште решење диференцне једначине  $21y_{n+2} - 23y_{n+1} + 6y_n = 4$ . Одредити партикуларно решење уз услове  $y_0 = 0$  и  $y_1 = 2$  и кометарисати његово понашање када се параметар  $n$  неограничено увећава.

решење:

$$y = C_1 \left(\frac{2}{3}\right)^n + C_2 \left(\frac{3}{7}\right)^n + 1$$

$$y_p = 6 \left(\frac{2}{3}\right)^n - 7 \left(\frac{3}{7}\right)^n + 1$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} y_p = \left(6 \left(\frac{2}{3}\right)^n - 7 \left(\frac{3}{7}\right)^n + 1\right) = 1$$

5. Користећи Тејлорову формулу развити полином  $P(x) = x^4 - x^3 + x^2 - 1$  по степенима бинорма  $x - 2$ .

решење:

$$P(x) = 11 + 24(x - 2) + 19(x - 2)^2 + 7(x - 2)^3 + (x - 2)^4$$

## Теоријска питања:

1. Инверзна матрица,
2. Ролова теорема,
3. Функција акумулације и стопа раста акумулације.